

**1** Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes

1°)  $\frac{x+3}{x} - \frac{x}{x-2} = 5$

2°)  $2x^3 - 5x^2 - 42x = 0$

3°)  $(x+2)^2(3x-5) - (x-2)(x+2) = 0$

4°)  $2x(x-2) + 4(x-2) = 0$

5°)  $(9x^2 - 6x + 1)(1 - 2x) = (3x - 1)^2$

6°)  $x^6 - 3x^4 - 4x^2 = 0$

7°)  $x^4 - 13x^2 + 36 = 0$

8°)  $x^3 + 8x^2 - 9x = 0$

9°)  $x^4 - 17x^2 + 16 = 0$

10°)  $\frac{x+3}{x} + \frac{x}{x-2} = 5$

11°)  $\frac{2(x-2)}{5} + \frac{5}{x-2} = 3$

12°)  $\frac{x+1}{x-1} - \frac{9}{5} = \frac{x-2}{x+2}$

13°)  $3x^2 + 2|x| - 5 = 0$

14°)  $x+1 = (19-x)^2$

**2** Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les inéquations suivantes

1°)  $\frac{2x^2 + 5x - 3}{x^2 + x - 2} \geq 0$

2°)  $-\frac{2x}{x+1} < \frac{4x+3}{x-2}$

3°)  $\frac{3x+4}{5-2x+x^2} \geq 0$

4°)  $\frac{3x^2 + 5x - 2}{-2x^2 - 2x + 4} < 0$

5°)  $x^3 + 2x^2 - x - 2 < 0$

6°)  $(x-1)^2 < -x+4$

7°)  $\frac{2x^2 + 5x + 3}{x^2 + x - 2} > 0$

## Solutions

$$\boxed{1} \quad 1^\circ) \left\{1; \frac{6}{5}\right\}$$

$$2^\circ) S = \left\{0; 6; -\frac{7}{2}\right\}$$

$$3^\circ) S = \left\{-2; 2\sqrt{\frac{2}{3}}; -2\sqrt{\frac{2}{3}}\right\}$$

$$4^\circ) S = \{2; -2\}$$

$$5^\circ) S = \left\{0; \frac{1}{3}\right\}$$

$$6^\circ) S = \{0; 2; -2\}$$

$$7^\circ) S = \{-3; -2; 2; 3\}$$

$$8^\circ) S = \{0; 1; -9\}$$

$$9^\circ) S = \{-4; -1; 1; 4\}$$

$$10^\circ) S = \left\{3; \frac{2}{3}\right\}$$

$$11^\circ) S = \left\{\frac{9}{2}; 7\right\}$$

$$12^\circ) S = \left\{-\frac{2}{3}; 3\right\}$$

$$13^\circ) S = \{1; -1\}$$

$$14^\circ) S = \{15; 24\}$$

$$\boxed{2} \quad 1^\circ) x \in ]-\infty; -3] \cup ]-2; \frac{1}{2}] \cup ]1; +\infty[$$

$$2^\circ) x \in ]-1; 2[$$

$$3^\circ) x \in \left[-\frac{4}{3}; +\infty[$$

$$3^\circ) x \in ]-\infty; -2] \cup ]-2; \frac{1}{3}] \cup ]1; +\infty[$$

$$5^\circ) x \in ]-\infty; -2[ \cup ]-1; 1[$$

$$6^\circ) x \in \left[\frac{1-\sqrt{13}}{2}; \frac{1+\sqrt{13}}{2}\right[$$

$$7^\circ) x \in ]-\infty; -2[ \cup ]-\frac{3}{2}; -1[ \cup ]1; +\infty[$$

**1** Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations et inéquations suivantes (préciser éventuellement le domaine de résolution)

1°)  $x^2 + (1 + 2\sqrt{2})x + \sqrt{2} = 0$

2°)  $\frac{-3x^2 - 2x + 5}{x^2 - 1} \leq 0$

3°)  $x^2(x^2 - 4) = 45$

4°)  $(3x^2 + 5x - 8)(-2x^2 - 5x - 3) \geq 0$

5°)  $\frac{x^2 + 2x + 3}{x^2 + 4x - 5} < 2$

6°)  $\frac{1}{x+2} + \frac{3}{x} + 2 \leq 0$

**2** 1°) Factoriser le polynôme  $P(x) = x^2 + x - 2$

2°) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation :  $P(x) = (x-1)^3$ .

**3** On considère la fonction  $f : x \mapsto \sqrt{x^2 - 3x + 2}$ .  
Déterminer l'ensemble de définition  $\mathcal{D}$  de  $f$ .

**4** 1°) Factoriser le polynôme  $P(x) = x^2 - 3x + 2$ .

2°) On pose  $f(x) = \frac{2x+3}{x^2-3x+2} + \frac{4}{x-2}$ .

Déterminer l'ensemble de définition de  $f$  et écrire  $f(x)$  comme quotient de deux polynômes.

**5** Résoudre sans calcul, dans  $\mathbb{R}$ , l'équation  $x^4 + 5x^2 + 4 = 0$ .

## Solutions

**1** 1°)  $\{-2 - \sqrt{2} ; 1 - \sqrt{2}\}$

2°)  $x \in ]-\infty ; -\frac{5}{3}] \cup ]-1 ; 1[ \cup ]1 ; +\infty[$

3°)  $S = \{-3 ; 3\}$

4°)  $[-\frac{8}{3} ; -\frac{3}{2}] \cup ]-1 ; 1[$

5°)  $x \in ]-\infty ; -3 - \sqrt{22}[ \cup ]-5 ; 1[ \cup ]-3 + \sqrt{22} ; +\infty[$

6°)  $[-3 ; -2[ \cup ]-1 ; 0[$

**2** 1°)  $P(x) = (x+2)(x-1)$

2°)  $S = \left\{ 1 ; \frac{3 - \sqrt{13}}{2} ; \frac{3 + \sqrt{13}}{2} \right\}$

$$\boxed{3} \mathcal{D}_f = ]-\infty; 1] \cup [2; +\infty[$$

$$\boxed{4} 1^\circ) (x-1)(x-2) \quad 2^\circ) \mathcal{D}_f = \mathbb{R} \setminus \{1; 2\} ; f(x) = \frac{6x-1}{x^2-3x+2}$$

$$\boxed{5} S = \emptyset$$